Übungen zur Vorlesung

# Theoretische Informatik

WS 17/18

Blatt 13

#### Aufgabe 13.1

Im Skript (Seite 10) wurde eine polynomielle Reduktion von SAT auf 3-SAT vorgestellt. Führe diese Reduktion für folgende Eingabe von SAT aus:

$$F = (x_1 \vee \overline{x}_3) \wedge (\overline{x}_1 \vee \overline{x}_2 \vee \overline{x}_3) \wedge (\overline{x}_1 \vee x_2 \vee \overline{x}_3 \vee x_4 \vee x_5) \wedge x_3$$

Gib außerdem eine erfüllende Belegung für F und eine dazu gehörende, erfüllende Belegung für die von dir konstruierte 3-CNF-Formel an.

### Aufgabe 13.2

Betrachte die 3-CNF-Formel

$$F = (x_1 \vee \bar{x}_3 \vee \bar{x}_2) \wedge (\bar{x}_1 \vee \bar{x}_3 \vee x_4) \wedge (x_4 \vee \bar{x}_3 \vee \bar{x}_2).$$

Führe die im Skript (Seite 14) gegebene Reduktion von EXACT ONE 3–SAT auf SUBSET SUM aus. Besitzt EXACT ONE 3–SAT für F eine Lösung? Wenn ja, gib eine solche als auch eine korrespondierende Lösung für die SUBSET SUM–Instanz an.

#### Aufgabe 13.3

Im Skript (Seite 17) wurde eine polynomielle Reduktion von SAT auf DHP vorgestellt. Führe diese Reduktion für folgende Eingabe von SAT aus:

$$F = (\overline{x}_1 \vee x_2) \wedge (x_1 \vee \overline{x}_2) \wedge x_2$$

Gib außerdem eine erfüllende Belegung für F an und zeichne einen dazu gehörenden Hamiltonpfad in dem von dir konstruierten Graphen ein.

## Aufgabe 13.4

Betrachte folgende polynomielle Reduktion von 3-SAT auf INDEPENDENT SET:

Wir transfomieren eine 3-CNF-Formel  $F = C_1 \wedge C_2 \wedge ... \wedge C_m$  mit m Klauseln in eine Eingabe (G, k) für INDEPENDENT SET, wobei:

- $V := \{v_{1,1}, v_{1,2}, v_{1,3}, v_{2,1}, v_{2,2}, v_{2,3}, \dots, v_{m,1}, v_{m,2}, v_{m,3}\}$
- E enthält eine Kante zwischen  $v_{i,j}$  und  $v_{i',j'}$  genau dann, wenn das j-te Literal in  $C_i$  die Negation von dem j'-ten Literal in  $C_{i'}$  ist oder i = i' gilt
- $\bullet$  k := m

Führe diese Reduktion für folgende Eingabe von 3-SAT aus:

$$F = (x_1 \lor x_2 \lor \bar{x}_3) \land (x_3 \lor \bar{x}_2 \lor x_4) \land (x_2 \lor \bar{x}_1 \lor x_3) \land (\bar{x}_2 \lor \bar{x}_1 \lor x_3)$$

Gib außerdem eine erfüllende Belegung für F und ein dazu passendes Independent Set der richtigen Größe in dem von dir konstruierten Graphen an.