

Übungen zur Vorlesung
Theorie des maschinellen Lernens
Sommer 18
Übungsblatt 10

Aufgabe 10.1 (4 Punkte)

Gegeben sei die Trainingsmenge

$$S = \{((-2, 7), 1), ((-1, 2), 3), ((0, 3), 1), ((1, 1), 3), ((2, 4), 1), \\ ((3, 5), 3), ((4, 2), 2), ((5, 6), 1), ((6, 0), 2), ((7, 1), 2)\}$$

über der Grundmenge \mathbb{R}^2 und der Labelmenge $\{1, 2, 3\}$. Nutze den *Alle-Paare-Ansatz* und bestimme bezüglich der Entscheidungstümpfe über \mathbb{R}^2 so eine Vorhersagefunktion h .

Wie werden mit diesem h die Punkte $(1, 5)$ und $(5, 3)$ klassifiziert?

Aufgabe 10.2 (4 Punkte)

Die Hypothese $h_w(x)$ für die Multiklassen-Kategorisierung mit strukturierten Objekten soll effizient bestimmt werden. Zeige dazu wie man mit Hilfe der Tabelle $M(x|w)$ und Backtracking die beste Zeichenkette y^* ermitteln kann. Siehe dazu auch Ende des Abschnitts 12.3 im Skript.

Aufgabe 10.3 (4 Punkte)

Zeige, dass $\mathcal{O}(r \log r)$ Zeit ausreicht um den Rangnummernvektor \bar{y} aus $y \in \mathbb{R}^r$ zu bestimmen. Gib dazu einen geeigneten Algorithmus an. Siehe dazu auch Anfang des Abschnitts 12.4 im Skript.

Aufgabe 10.4 (4 Punkte)

Seien $n \geq 1$ und $\sigma \in S_n$ eine Permutation der Elemente $1, \dots, n$. Ein Maß für den Grad der Sortierung einer Permutation sei durch $\mu_n : S_n \rightarrow \mathbb{N}$ gegeben. Es gelte

$$\mu_n(\sigma) = \sum_{1 \leq i < j \leq n} \max \left\{ \frac{\sigma(i) - \sigma(j)}{|\sigma(i) - \sigma(j)|}, 0 \right\} .$$

Was ist der Erwartungswert $\mathbb{E}[\mu_n(\sigma)]$ in Abhängigkeit von n bzgl. gleichverteiltem σ ?