

Aufgabe 4.1 (4 Punkte)

Sortieren Sie die Folge $\langle e_1, \dots, e_{10} \rangle = \langle 3, 1, 4, 1, 5, 9, 2, 6, 5, 3 \rangle$ mit Hilfe von Mergesort. Stellen Sie die rekursiven Aufrufe, die Zwischenergebnisse und den Ablauf von *merge* im äußersten Aufruf ähnlich wie im Abb. 5.3 im Buch dar.

Aufgabe 4.2 (4 Punkte)

Erstellen Sie in Pseudocode eine arraybasierte und rekursiv arbeitende Implementation von Mergesort namens *MergeSort*(A, B, l, r), der bei jedem Aufruf als Parameter ein Eingabearray A , ein Hilfsarray B und zwei ganze Zahlen l und r übergeben werden. Zu Beginn enthält das Eingabearray eine Anzahl zu sortierender Einträge, die fortlaufend an den Positionen $1, 2, \dots$ gespeichert sind. Beide Arrays sollten zur Speicherung aller Zwischenergebnisse und zum Aufbau der Ausgabe benutzt werden. Die Parameter l und r geben in jedem (rekursiven) Aufruf die Positionen des linken bzw. rechten Randes desjenigen Teilarrays von A an, innerhalb dessen sortiert werden soll. Kommentieren Sie nötigenfalls Ihr Programm ausreichend!

Aufgabe 4.3 (4 Punkte)

Gegeben seien vier Elemente e_1, \dots, e_4 . Geben Sie einen Vergleichsbaum (der nur die beiden Vergleiche \leq und $>$ verwendet) an, der die vier Elemente nach höchstens fünf Vergleichen ermittelt. Beginnen Sie mit dem Vergleich $e_1 \leq e_2$. Begründen Sie, warum die Maximalzahl benötigter Vergleiche hier mindestens fünf betragen muss.