

**Aufgabe 2.1** (6 Punkte)

Sortieren Sie folgende Schlüssel mit Hilfe von Lexicographic Sort:

REISE, MESSE, REGIE, ESSIG, IMMER, EIMER, GREIS, SERIE, EMSIG.

Geben Sie den Inhalt von `QUEUE` nach jedem Durchlauf der äußeren Schleife an.

**Aufgabe 2.2** (6 Punkte)

Die *Tiefe eines Knotens* in einem Binärbaum ist die Länge des Pfades von der Wurzel zum Knoten. Ein Binärbaum heißt *vollständig* genau dann, wenn es ein  $k \in \mathbb{N}_0$  gibt, so dass jeder Knoten mit einer Tiefe kleiner als  $k$  zwei Kinder besitzt, und jeder Knoten mit der Tiefe  $k$  ein Blatt ist.

Implementieren Sie eine rekursive Prozedur, die für einen durch die Arrays `Leftchild` und `Rightchild` gegebenen Binärbaum prüft, ob dieser vollständig ist.

**Aufgabe 2.3** (6 Punkte)

Gegeben sei die rekursive Funktion

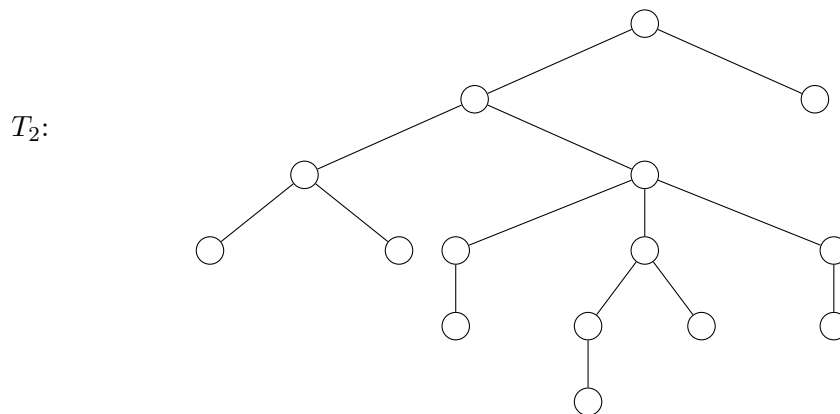
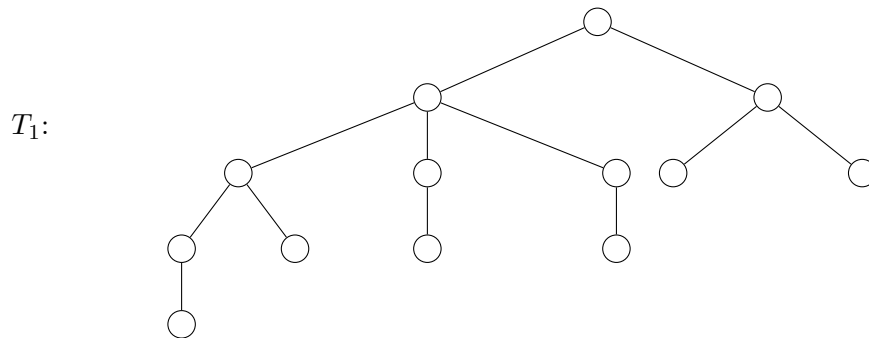
$$k(n) = \frac{2}{n^2} \sum_{i=0}^{n-1} i \cdot k(i) + 1.$$

Implementieren Sie eine Prozedur `AvgPathLen(n)` zur Berechnung der Funktion  $k(n)$  mit einem Zeitbedarf von  $O(n)$ .

Hinweis: Man kann zeigen, dass die Funktion  $k(n)$  die durchschnittliche Tiefe eines beliebigen Knotens in einem beliebigen Binärbaum mit  $n$  Knoten berechnet.

**Aufgabe 2.4** (6 Punkte)

Untersuchen Sie die beiden folgenden Bäume  $T_1$  und  $T_2$  unter Verwendung des Algorithmus aus der Vorlesung auf Isomorphie:



Geben Sie zu jedem inneren Knoten in  $T_1$  und  $T_2$  das zugehörige berechnete  $k$ -Tupel an, wobei  $k$  die Anzahl seiner Kinder sei.

---

**Abgabe:** Lösungen können jeweils bis zum folgenden Dienstag um 12:00 Uhr in die Kästen vor NA 02/257 (Nähe Rechenzentrum Servicecenter) *nach Aufgaben getrennt* eingeworfen werden. Geben Sie Ihren Namen, Ihre Matrikelnummer und Ihre Gruppe an. Auf jedem abgegebenen Aufgabenzettel dürfen bis zu drei Namen stehen.