

## Korrekturen und Ergänzungen zu Storch/Wiebe: Lehrbuch der Mathematik Band 3, (Version 2010)

---

**Band 3, (Version 2010), Abschnitt 1.B, Aufg. 15, p. 15 (1.10.2012)**

Am Ende von 1.B, Aufg. 15c) füge man hinzu:

(8) Für jede nichtleere offene Menge  $U \subseteq X$  ist  $M \cap U$  nicht dicht in  $U$ . (Bedingung (8) motiviert die Bezeichnung „nirgends dicht“.)

---

**Band 3, (Version 2010), Abschnitt 2.B, p. 46 (1.10.2012)**

Am Ende von 2.B, Aufg. 24 füge man hinzu:

f) Ist neben  $f : X \rightarrow Y$  auch  $h : S \rightarrow T$  eine eigentliche Abbildung von Hausdorff-Räumen, so ist das Produkt  $f \times h : X \times S \rightarrow Y \times T$  ebenfalls eigentlich. (Man benutze Aufg. 8.)

---

**Band 3, (Version 2010), Abschnitt 4.B, p. 81 (1.6.2011)**

In der 5. Zeile von unten schreibe man " $\omega(t_0) = 0$ " statt " $\omega(t_0) = 60$ ".

---

**Band 3, (Version 2010), 5.D, Aufg. 4, p. 151 (1.6.2011)**

Man füge folgenden Teil c) hinzu:

c) Es ist  $(1 + x_1 + \dots + x_n)^\alpha = \sum_{\nu \in \mathbb{N}^n} \binom{\alpha}{\nu} x^\nu$  für alle  $\alpha \in \mathbb{C}$  und alle  $x_1, \dots, x_n \in \mathbb{C}$  mit  $|x_1| + \dots + |x_n| < 1$ .

---

**Band 3, (Version 2010), Abschnitt 5.B, Aufg. 15, p. 135, (1.4.2012)**

In der zweiten Zeile der Aufgabe ersetze man "**C**" durch "**C**".

---

**Band 3, (Version 2010), Abschnitt 6.C, p. 178 (1.11.2011)**

In der Fußnote 1 muss es "Definition 6.C.11" statt "Definition 6.C.9" heißen.

---

**Band 3, (Version 2010), Abschnitt 7.G, p. 215 (1.6.2011)**

In der ersten Zeile des vierten Absatzes von Beispiel 7.C.17 muß es "*Sind  $\gamma$  und  $\eta$  geschlossene Wege in  $\mathbb{C}^\times$* " statt "*Sind  $\gamma$  und  $\eta$  Wege in  $\mathbb{C}^\times$* " heißen.

---

**Band 3, (Version 2010), Abschnitt 7.G, p. 283 (1.6.2011)**

Am Ende von Aufg. 3 ersetze man "(Vgl. Bem. 7.G.8.)" durch den folgenden Text:

"(Vgl. Bem. 7.G.8. – Die Randkurven  $\{z \in \mathbb{C} \mid |f(z)| = r\}$ ,  $r > 0$ , heißen die Cassinischen Kurven (zu  $f$ ). Ist  $\text{Grad } f = 2$  und hat  $f$  zwei verschiedene Nullstellen  $a, b \in \mathbb{C}$ , so handelt es sich um die klassischen Cassinischen Kurven derjenigen Punkte in  $\mathbb{C}$ , für die das Produkt der Abstände von  $a$  bzw.  $b$  konstant gleich  $r/|c|$ ,  $c := \text{Leitkoeffizient von } f$ , ist. Generell heißen die Nullstellen von  $f$  die Brennpunkte der Cassinischen Kurven zu  $f$ .)"

---

**Band 3, (Version 2010), Abschnitt 7.G, p. 284 (1.6.2011)**

In der dritten Zeile von Aufg. 8 ersetze man "Trajektorie eines Weges  $\gamma$  in  $G$ " durch "Trajektorie eines **geschlossenen** Weges  $\gamma$  in  $G$ ".

---

**Band 3, (Version 2010), Abschnitt 7.G, p. 278 (1.6.2011)**

In der vorletzten Zeile des vorletzten Absatzes der Seite muss es " $\sum_{n=1}^{\infty} \mu(n)/n$ " statt " $\sum_{n=0}^{\infty} \mu(n)/n$ " heißen.

**Band 3**, (Version 2010), **Abschnitt 7.G**, p. 280 (1.6.2011)

Am Ende des ersten Absatzes füge man den folgenden Text hinzu:

Der Beweis von 7.G.20 zeigt übrigens allgemein: *Ist  $a(n)$ ,  $n \in \mathbb{N}^*$ , eine Folge in  $\mathbb{C}$  mit  $\sum_{n=1}^{\infty} a(n)/n = 0$  und ist  $A(n) := \sum_{m=1}^n a(m)$ ,  $n \in \mathbb{N}^*$ , so gilt  $A(n) = o(n)$  für  $n \rightarrow \infty$ . Insbesondere ist also auch  $\sum_{m=1}^n (-1)^{\Omega(m)} = o(n)$  für  $n \rightarrow \infty$ .*

---

**Band 3**, (Version 2010), **Abschnitt 7.H**, p. 297 (1.6.2011)

In dem Absatz nach den zweiten Zeichnung ersetze man in der dritten Zeile das Wort "nullhomotop" durch "nullhomolog".

---

**Band 3**, (Version 2010), **Abschnitt 8.A**, p. 309 (1.6.2011)

In der letzten Zeile von Abschnitt 8.A ersetze man "kann bei" durch "kann **man** bei".

---

**Band 3**, (Version 2010), **Beispiel 8.C.2**, p. 318 (1.6.2011)

In der 4. Zeile des Beispiels ersetze man " $\mathfrak{N} \in (\mathbb{R}_+^{\times})^n$ " durch " $\mathfrak{N}: t \mapsto \mathfrak{N}(t)$  mit  $\mathfrak{N}(t) \in (\mathbb{R}_+^{\times})^n$  für alle  $t$ ".

---

**Band 3**, (Version 2010), **Abschnitt 8.C**, p. 333 (1.6.2011)

In der 13. Zeile von unten ersetze man "Satz 8.C.8" durch "**Obigem**".

Ferner empfehlen wir, die letzten vier Zeilen dieses Absatzes ab "Dies folgt" zu ersetzen durch:

"Dies folgt hier bei zweimaliger stetiger Differenzierbarkeit von  $F$  allerdings auch direkt aus  $\text{def } F = 0$ . Wir zeigen gleich allgemeiner für eine  $C^2$ -Abbildung  $F$ : *Ist  $\Phi$  eine beliebige nicht-ausgeartete symmetrische Bilinearform  $\Phi$  auf  $V$  (z.B. eine Lorentz-Form) und ist  $D_v F$  schiefselbstadjungiert bzgl.  $\Phi$ , so ist  $D_v F$  lokal konstant bzgl.  $x$ . Für beliebige  $u, v, w \in V$  ist dann nämlich  $D_u \Phi(D_v F, w) = -D_u \Phi(v, D_w F) = -D_w \Phi(v, D_u F) = D_w \Phi(D_v F, u) = D_v \Phi(D_w F, u) = -D_v \Phi(w, D_u F) = -D_u \Phi(w, D_v F)$ , also  $D_u \Phi(D_v F, w) = 0$ .*"

---

**Band 3**, (Version 2010), **Abschnitt 8.C**, p. 338 (1.6.2011)

Den letzten Satz auf dieser Seite ab "Dann liegt ..." ersetze man durch:

"Dann liegt jede Flusslinie zu  $F$  in einer Faser von  $E$ , und diese Faser ist gemäß Definition 6.C.5 eine Untermannigfaltigkeit von  $V$ , genauer eine differenzierbare Hyperfläche."

Ferner streiche man Fußnote 11 auf Seite 339.

---

**Band 3**, (Version 2010), **Lemma 11.B.9**, p. 410 (1.10.2012)

In Lemma 11.B.9(5) ersetze man " $a_i < b_i$ " durch " $a_i \leq b_i$ ".

---

**Band 3**, (Version 2010), **12.A**, p. 431 (1.10.2012)

In der dritten Zeile ersetze man " $\mathbb{R}$ " durch " $\mathbb{R} = (\mathbb{R}, \mathcal{B}^1)$ ".

---

**Band 3**, (Version 2010), **Beispiel 12.C.16**, p. 450 (1.6.2011)

In der 9. Zeile von oben auf der angegebenen Seite füge man zwischen "ist" und "und" den Hinweis (vgl. **Band 2, 18.A, Aufg. 6b**)" hinzu.

---

**Band 3**, (Version 2010), **Abschnitt 14.C**, p. 503 (1.6.2011)

Am Ende von Abschnitt 14.C füge man die folgende Aufgabe hinzu:

**28.** Für eine Polynomfunktion  $P: \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{C}$  vom Grad  $m > 0$  ist  $|P|^\alpha$  für  $\alpha > -1/m$  lokal integrierbar. (Mit Noetherscher Normalisierung, vgl. 7.C, Aufg. 8b), reduziert man die Aussage im Wesentlichen auf den Fall  $n = 1$ . Die Nullstellenmenge von  $P$  ist eine Nullmenge in  $\mathbb{R}^n$ .)

**Band 3**, (Version 2010), **Beispiel 15.B.4 (3)**, p. 532 (1.6.2011)

In der drittletzten Freistellung der Seite ersetze man " $F(\alpha, \beta; \gamma; z)$ " durch " $F(\alpha, \beta; \gamma; z)$ ".

---

**Band 3**, (Version 2010), **Beispiel 16.A.5**, p. 550 (1.7.2012)

Man ersetze die Freistellung der siebten Zeile durch:

$$P_n(x) := \frac{1}{n!} \left( \frac{d}{dx} \right)^n (x^n (1-x)^n) = \sum_{k=0}^n (-1)^k \binom{n}{k} \binom{n+k}{n} x^k \in \mathbb{Z}[x]$$

---

**Band 3**, (Version 2010), **Beispiel 16.A.5**, p. 550 (1.6.2011)

Die beiden Zeilen:

Die Substitution  $w = w(z) = (1-z)/(1-z+xyz)$ , also  $1-w = xyz/(1-z+xyz)$  und  $dw/dz = xy/(1-z+xyz)$  liefert

zwischen der fünften und sechsten Freistellung ersetze man durch:

Die Substitution  $x = x$ ,  $y = y$ ,  $w = (1-z)/(1-z+xyz)$ , also  $1-w = xyz/(1-z+xyz)$  und  $\partial w / \partial z = -xy/(1-z+xyz)^2$ , liefert

---

**Band 3**, (Version 2010), **Beispiel 16.A.5**, p. 551 (1.6.2011)

In der letzten Freistellung der Seite füge man am Ende den Term " $+ \sum_{k < n_0} \psi(k)$ " hinzu.

---

**Band 3**, (Version 2010), **Abschnitt 16.A, Aufgabe 14**, p. 561 (1.6.2011)

In der ersten Zeile der Aufgabe ersetze man " $M_n(K)$ " durch " $M_I(K)$ ".

---

**Band 3**, (Version 2010), **Abschnitt 16.B**, p. 575 (1.6.2011)

Man füge in der Mitte der Seite an das Ende des Absatzes "Ein Grenzfall . . ." folgenden Text hinzu:

Man bestimme auch (ohne größere Rechnung) das Potenzial einer homogenen Hohlkugel  $\bar{B}(O; R_2) - B(Q; R_1)$ ,  $Q \in B(O; R_2)$ ,  $0 \leq R_1 \leq R_2 - d(O, Q)$ , im Fall, dass die innere Kugel nicht konzentrisch in der äußeren liegt. Wie sieht jetzt das Kraftfeld im Hohlraum  $B(Q; R_1)$  aus? (Vgl. Aufg. 2 für ein ähnliches Problem.)