

Übungen zur Vorlesung
Theoretische Informatik
 WS 17/18
 Blatt 11

Aufgabe 11.1

Zeige Aussage 3 auf Seite 104 im Skriptteil *Berechenbarkeitstheorie* mit Hilfe des Pumping-Lemmas:

Für jede lösbare Instanz $K = [(x_1, y_1), \dots, (x_k, y_k)]$ von 01-PKP ist $L_1[K] \cap L_2[K]$ nicht kontextfrei.

Aufgabe 11.2

Sei M die Turingmaschine, die mit Zustandsmenge $\{z_0, z_s, z_r, z_c, z_x, z_b, z_1\}$, Startzustand z_0 , Endzustandsmenge $\{z_e\}$, Arbeitsalphabet $\{\square, 0, 1, 2, 3, 4\}$ Über dem Alphabet $\{1\}$ und dem Leerzeichen \square mit der nachfolgenden Überföhrungsfunktion arbeitet.

	\square	0	1	2	3	4
z_0	(z_e, \square, N)		$(z_s, 2, R)$			(z_b, \square, R)
z_s	$(z_r, 0, L)$	\rightarrow	\rightarrow			\rightarrow
z_r		\leftarrow	\leftarrow	$(z_c, 2, R)$	$(z_c, 3, R)$	\leftarrow
z_c	(z_x, \square, L)	$(z_c, 4, R)$	$(z_s, 2, R)$			$(z_s, 3, R)$
z_x				$(z_b, 4, L)$	$(z_x, 4, L)$	\leftarrow
z_b	(z_0, \square, R)			$(z_b, 1, L)$		(z_1, \square, R)
z_1						(z_0, \square, R)

Gilt $T(M) \in P$? Begründe!

Aufgabe 11.3

Bei den folgenden Varianten von NP-vollständigen Problemen wird k als eine Konstante und nicht mehr als Teil der Eingabe aufgefasst. Zeige, dass diese Probleme in P liegen:

a) **k -HITTING SET**

Eingabe: eine Kollektion endlicher Mengen M_1, \dots, M_n

Frage: Gibt es eine Menge R mit $|R| \leq k$, die von jeder der Mengen M_1, \dots, M_n mindestens ein Element enthält?

b) **k -SUBSET SUM**

Eingabe: n Zahlen $a_1, \dots, a_n \in \mathbb{N}_0$

Frage: Gibt es eine Menge $I \subseteq \{1, \dots, n\}$, so dass $\sum_{i \in I} a_i = k$?

Aufgabe 11.4

Angenommen, es gilt $P=NP$. Sei F eine beliebige Eingabeformel für SAT. Zeige, dass man dann eine erfüllende Belegung (a_1, \dots, a_n) für F mit einer DTM in Polynomialzeit finden kann, falls eine solche Belegung existiert.