# Übungen zur Vorlesung

## Komplexitätstheorie

SS 2009

Blatt 2

#### Aufgabe 2.1

Betrachte  $P||C_{\text{max}}$  (d.h. Multiprocessor Scheduling)

- a) Wie groß ist der Lösungsraum?
- b) Wie groß ist die move-Nachbarschaft einer Lösung?
- c) Ist die move-Nachbarschaftsfunktion exakt? Mit Beweis.

#### Aufgabe 2.2

Betrachte den node-insertion-Nachbarschaftgraphen für TSP mit  $n \ge 4$  Städten. Zeige, dass jeder Knoten Grad  $n \cdot (n-3)$  hat.

#### Aufgabe 2.3

Ein Graph heißt regulär, wenn jeder Knoten gleichen Grad hat. Zeige, dass ein isotroper Graph immer regulär ist und das die Umkehrung i.A. nicht gilt.

### Aufgabe 2.4

Zeige, dass der *iterative-improvement*-Algorithmus zur Graphenfärbung (mit modifizierter Kostenfunktion) aus der Vorlesung beliebig schlechte Lösungen liefert. D.h. finde eine Folge von Graphen  $G_n$ , bei der der Algorithmus Färbungen mit in n wachsender Farbanzahl produziert.

Hinweis: Es genügt bipartite Graphen zu betrachten.