

Präsenzaufgabe 7.1 Eine natürliche Zahl z sei gegeben durch ihre Dezimaldarstellung $a_k \dots a_1 a_0$. Ihre *alternierende Quersumme* ist definiert durch $a_0 - a_1 + a_2 - a_3 + \dots + (-1)^k a_k$. Zeige: Eine natürliche Zahl ist genau dann durch 11 teilbar, wenn ihre alternierende Quersumme durch 11 teilbar ist.

Präsenzaufgabe 7.2

- a) Berechne den ggT von 35 und 99 mit dem erweiterten Euklidischen Algorithmus.
- b) Existiert in \mathbb{Z}_{99} zu 35 ein inverses Element? Wenn ja, wie lautet es?
- c) Löse die lineare Kongruenz $35 \cdot x \equiv 3 \pmod{99}$.

Präsenzaufgabe 7.3 Finde die kleinste natürliche Zahl, die folgende simultane Kongruenz erfüllt:

$$x \equiv 4 \pmod{7}$$

$$x \equiv 2 \pmod{9}$$

$$x \equiv 3 \pmod{11}$$

Präsenzaufgabe 7.4

- a) Berechne $\varphi(10)$, $\varphi(16)$ und $\varphi(180)$.
- b) Wie lautet jeweils die letzte Ziffer von 473^{1002} , $9^{(9^9)}$ und 8^{12} ?